R.77 Com três patinadores colocados entre dois espelhos planos fixos, um diretor de cinema consegue uma cena em que são vistos, no máximo, 24 patinadores. Qual é o ângulo  $\alpha$  entre os espelhos? Sabe-se que o ângulo  $\alpha$  é tal que  $\frac{360^{\circ}}{\alpha}$  é um número inteiro.

## Solução:

Como são vistos no máximo 24 patinadores, significa que aos três patinadores (objetos) correspondem 21 imagens. Logo, a um patinador (objeto) correspondem 7 imagens.

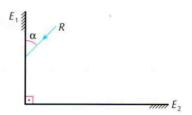
De 
$$N = \frac{360^{\circ}}{\alpha} - 1$$
, e sendo  $N = 7$ , vem:  $7 = \frac{360^{\circ}}{\alpha} - 1 \implies \frac{360^{\circ}}{\alpha} = 8 \implies \boxed{\alpha = 45^{\circ}}$ 

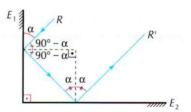
Resposta:  $\alpha = 45^{\circ}$ 

- **R. 78** Considere o esquema ao lado, que mostra dois espelhos planos,  $E_1$  e  $E_2$ , cortados por um plano perpendicular a ambos. Esse plano contém o raio luminoso R, incidente sobre  $E_1$ . O ângulo entre  $E_1$  e  $E_2$  é um ângulo reto.
  - a) Determine graficamente o raio R' emergente de E2.
  - b) Mostre que R' e R são paralelos para  $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$ .

Solução:

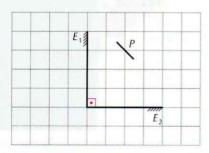
- a) Considerando que os ângulos de reflexão e incidência são iguais, obtemos o raio R' emergente do espelho E<sub>2</sub>, como mostra o esquema.
- b) Observe na figura que R e R' formam o mesmo ângulo α com retas paralelas (E<sub>1</sub> e a linha tracejada normal a E<sub>2</sub>). São, portanto, paralelos.





## **EXERCÍCIOS PROPOSTOS**

- P. 243 Entre dois espelhos planos que formam entre si um ângulo de 60° é colocado um ponto luminoso. Quantas imagens são formadas? Qual deve ser a posição do ponto luminoso para se obter esse número de imagens?
- P. 244 Dois espelhos planos estão dispostos perpendicularmente um ao outro. Uma placa P, na qual está escrita a letra F, é colocada em frente aos espelhos.



- a) Localize, na figura, as imagens da placa.
- b) O que aparece escrito em cada imagem?

- P. 245 Um ponto objeto P, colocado entre dois espelhos planos, tem 7 imagens.
  - a) Qual é o ângulo  $\alpha$  entre os espelhos? Sabe-se que  $\frac{360^{\circ}}{\alpha}$  é par e inteiro.
  - b) Faça um esquema representando os espelhos, o ponto objeto P e suas imagens.
- P. 246 Dois espelhos planos  $E_1$  e  $E_2$  formam um diedro reto no qual se localizam os pontos A e B, conforme a figura. Um raio de luz incide sobre  $E_1$ , passando por A, reflete-se sucessivamente em  $E_1$  e  $E_2$  e emerge, passando por B. Determine graficamente os pontos dos dois espelhos nos quais o raio se reflete, X e Y. Demonstre que o raio incidente sobre  $E_1$  e o raio emergente de  $E_2$  são paralelos entre si.

